

Esercizi sui grafici di funzione

(1) Studiare le proprietà delle seguenti funzioni e tracciarne il grafico:

$$\begin{array}{cccc}
 \frac{e^{-x} - 1}{1 + |x|} & e^{|x-2|} \sqrt{x^2 - 1} & \sqrt{x^2(1-x)} & \frac{x^2 - 3}{\sqrt{|x|}} \\
 \log \left(1 + \frac{(x-1)^2}{x^2} \right) & x - \sqrt{(x-3)x} & \log((x-1)^2) - x^2 & \sqrt[5]{x(x+1)(x+2)} \\
 \frac{e-1}{\sinh x} & 3 \cos x + \frac{1}{\cos x} & \frac{1}{x^3 - x^2} & \sqrt{-x^2(x+1)} \\
 xe^{-24x^2+2} & e^{\frac{x}{\sqrt{1+x^2}}} & \sqrt{x^4 + 2x^2 - 1} & \log \left(1 + \frac{(x-1)^2}{x^2} \right) \\
 e^{1+\sin^2 x} & \sqrt[3]{e^x \sinh x} & \frac{e^x - 1}{1 + |x|} & \arccos(1 - \sqrt{x}) \\
 -\log(1 - x^2) + \frac{1}{1 - x^2} & \log(x^2 - 5x + 7) & \frac{\sqrt{2x^2 - 2x + 1}}{x} & e^{\frac{x+1}{x-1}} \\
 \left(\arctan \frac{1}{4 - x^2} \right)^{1/3} & \arctan \frac{1}{|x| - x^2} & \log \frac{1 - x^2}{1 + x^2} & xe^{\frac{1}{3 \log x^2}} \\
 |x|e^{-x^2} & 2x - \log|x| & &
 \end{array}$$

(2) Studiare le proprietà delle seguenti funzioni e tracciarne il grafico:

$$\begin{array}{ll}
 [20/6/05] \quad \sin \left(2\pi(\sqrt{1+x^2} - |x|) \right); & [12/4/05] \quad \log|x^2 - 1| - \frac{16}{3x}; \\
 [20/7/05] \quad \int_{\sqrt{x}}^x |\log t|^{1/5} dt; & [30/9/05] \quad \frac{|(x-3)(x-4)|}{x^2 - 3x + 2}; \\
 [9/1/03] \quad \left(\arccos \left(\frac{e^x}{e^x - 2} \right) - \frac{3}{4}\pi \right)^2; & [27/3/03] \quad \frac{1+2x}{1+x^2} + 2 \arctan \left(\frac{1-x}{1+x} \right); \\
 [25/6/03] \quad \int_2^x \frac{t \log t}{t^2 - 1}; & [10/7/03] \quad 16(x - \sin x) + \log \left(\frac{1 - \sin x}{1 + \sin x} \right)^2; \\
 [8/9/03] \quad \arctan \frac{|2-x|}{1-x^2}; & [22/9/03] \quad \arctan \frac{1}{\sqrt{|x|}} + \sqrt{|x|}(1-x).
 \end{array}$$